

Utilizzare Arduino per l'acquisizione dati in semplici esperienze didattiche di laboratorio

Carmelo Sgrò (carmelo.sgro@pi.infn.it) Melissa Pesce-Rollins (melissa.pesce.rollins@pi.infn.it)

INFN-Sezione di Pisa

Incontri di Fisica 2016 LNF - 6 Ottobre 2016

OUTLINE

Ovvero cosa faremo oggi:

- Il progetto Plasduino: come organizzare un piccolo laboratorio didattico fai da te
- L'acquisizione di segnali con Arduino: tipi di segnali e performance
- ▶ Un paio di casi pratici: vedremo insieme alcuni esempi di esperienze implementate nel corso di Laboratorio 1 di Fisica a Pisa
 - ▶ Per prendere confidenza con il sistema
 - Acquisire un po' di dati
 - Studiare un po' di analisi dati
 - ► La "misura" e la sua incertezza
 - ► Fluttuazioni statistiche
 - ► La verifica del fenomeno fisico
- ▶ Prova pratiche: siete liberi di provare da soli
- Feedback: siamo interessati alle vostre opinioni, suggerimenti, modifiche etc.
 - Plasduino è libero e aperto, potete usarlo, modificarlo e adattarlo alle vostre esigenze come preferite
 - Saremo felici di offrivi supporto nel vostro sviluppo

Introduzione

Plasduino è un progetto per un ambiente *hardware* e *software* di acquisizione dati concepito per esperienze didattiche:

- ▶ Utilizzare sensori che si possono facilmente costruire in casa
- ► Registrare quantità fisiche come tempi, temperature etc...
 - Con risoluzioni adeguate per i laboratori didattici
- ► Semplificare e automatizzare (quando possibile) la presa dati
- Lasciare la successiva analisi dati agli studenti

Mira ad essere:

- ► Semplice ed estendibile:
 - Semplice da installare e utilizzare
 - Adattabile con poco sforzo a varie esperienze di laboratorio
- ► Economico:
 - Il costo dei materiali grezzi è relativamente basso (dipende un po' da che esperimento volete realizzare)
 - Replicabile senza investimenti proibitivi sulla scala di un laboratorio didattico.
- ► Completamente libero (Free and Open Source):
 - ▶ Utilizza solo componenti (hardware e software) "open"
 - Il codice sorgente, schemi elettronici e la documentazione sono disponibili sulla pagina web del progetto

Arduino: il cuore del sistema

HTTP://WWW.ARDUINO.CC/

Connettore USB



I/O digitali

Microcontrollore

Alimentazione esterna

I/O analogici

- ► Arduino: una piattaforma *open* di prototipizzazione elettronica:
 - ► Flessibile, facile da utilizzare, realizzata in Italia;
 - ▶ Programmabile ad alto livello (C/C++), ampia libreria di funzioni;
 - Utilizzato e supportato da una comunità numerosa ed attiva.
- ▶ Una tipica scheda di Arduino (per 25 €) offre:
 - ▶ Un microcontrollore:
 - ▶ 14+ ingressi/uscite digitali (con supporto per PWM e interrupt);
 - ▶ 6+ ingressi analogici con ADC a 10/12 bit;
 - Un'interfaccia seriale via USB.

GLI "SHIELD"

Connettori per i sensori

Misure di tempi



Controllo motore

Input analogici

- Misure di temperature \rightarrow
 - Uno shield è un circuito stampato da connettere sopra la scheda di Arduino
 - Agisce da interfaccia con il mondo esterno: connettori per i sensori, condizionamento dei segnali, led, calibrazione interna
 - Nel nostro caso, abbiamo un unico shield per 6 esperienze di meccanica e termodinamica (replicabile a ~ 25 €)
 - ▶ Disegnati ed assemblati "in casa":
 - Descrizione, schemi elettronici, maschere e lista dei componenti disponibili sulla pagina web del progetto.

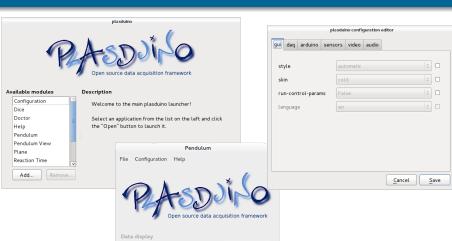
IL SOFTWARE DI ACQUISIZIONE

- plasduino offre un ambiente completo di acquisizione dati da eseguire su un PC connesso ad Arduino
 - ► Implementato nel linguaggio di programmazione Python¹
 - Multipiattaforma (GNU/Linux, Windows, Mac OS)
- ► Un'applicazione per il controllo dell'acquisizione:
 - Il più automatizzato possibile (riconoscimento porta USB, caricamento del firmware, etc.)
 - ► Raccolta, prima elaborazione ed archiviazione dei dati
- ▶ Una vasta gamma di widget per l'interfaccia grafica
 - Organizzati in moduli da assemblare a piacimento
- ► Librerie per gestire sensori e dispositivi
- ▶ Un insieme di moduli per esperienze specifiche
 - ▶ Disegnate per le esperienze di Laboratorio 1

Carmelo Sgrò (INFN) IDF2016 6 / 28

¹È il linguaggio con la crescita di popolarità più grande nello scorso decennio.

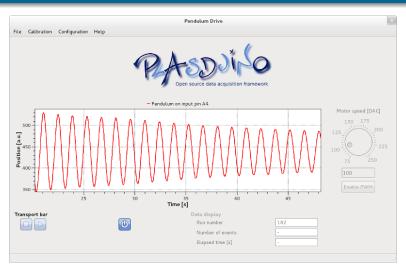
L'INTERFACCIA GRAFICA



Run number Number of events

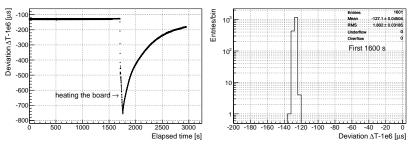
Transport bar

L'INTERFACCIA GRAFICA



http://pythonhosted.org/plasduino/screenshots.html

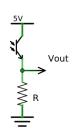
MISURE DI TEMPO: PERFORMANCE

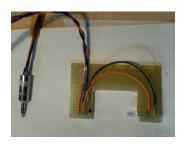


- ► La libreria di Arduino fornisce un *timer* incrementato dal clock a 16 MHz prescalato di un fattore 64:
 - \blacktriangleright i.e., con una granularità nominale di 4 μ s
 - Letto con un "interrupt" sui 2 pin disponibili: https://www.arduino.cc/en/Reference/AttachInterrupt
- ► Testato in laboratorio il 1PPS di un GPS (e con un impulsatore):
 - RMS dell'intervallo misurato tra due 1PPS successivi di 1.8 μ s, non lontano da $4/\sqrt{12}~\mu$ s.
 - \blacktriangleright Deviazione media dal valore nominale di \sim 100 $\mu {\rm s}$ (su 1 s) a temperatura ambiente.
- \blacktriangleright La granularità di 4 μ s è vera

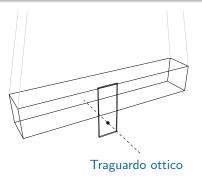
MISURE DI TEMPO: IL TRAGUARDO OTTICO

- ► Per misurare il tempo in cui viene attraversato da un oggetto
 - L'uscita cambia stato se il cicuito ottico viene interrotto
- ► Si possono acquistare già pronti (e costosi), qui un esempio di come farlo in maniera semplice
 - Senza conoscenze avanzate di elettronica
- Un fototransistor accoppiato con diodo infrarosso
 - Schema elettrico veramente semplice: transistor NPN in saturazione/interdizione
 - Nel nostro caso: TEMT 1020, veloce $(\sim \mu s)$, piccolo angolo di vista
- Assemblaggio meccanico ed elettrico fatto in casa





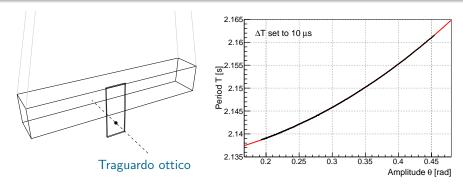
Un esempio: il pendolo "digitale"





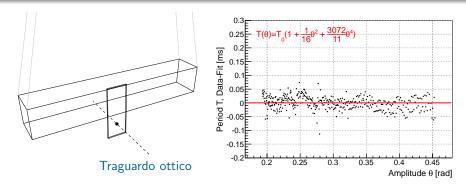
- Misura del periodo T e del tempo di transito di una bandierina nel punto più basso.
 - ► Misura dello smorzamento esponenziale (?)
- ▶ Trascurando le perdite di energia in una oscillazione possiamo stimare l'ampiezza $\theta_{\rm max}$.
 - ► Misura dell'anarmonicità del pendolo.
 - Si apprezza chiaramente il termine in θ^4 !

Un esempio: il pendolo "digitale"



- Misura del periodo T e del tempo di transito di una bandierina nel punto più basso.
 - ► Misura dello smorzamento esponenziale (?)
- ▶ Trascurando le perdite di energia in una oscillazione possiamo stimare l'ampiezza $\theta_{\rm max}$.
 - Misura dell'anarmonicità del pendolo.
 - Si apprezza chiaramente il termine in θ^4 !

Un esempio: il pendolo "digitale"



- Misura del periodo T e del tempo di transito di una bandierina nel punto più basso.
 - ► Misura dello smorzamento esponenziale (?)
- ▶ Trascurando le perdite di energia in una oscillazione possiamo stimare l'ampiezza $\theta_{\rm max}$.
 - Misura dell'anarmonicità del pendolo.
 - Si apprezza chiaramente il termine in θ^4 !

Primo esempio pratico: il piano inclinato

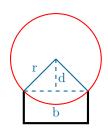
Lo scopo è quello di studiare il moto di una sfera su di un piano inclinato A disposizione:

- ► Un profilo metallico "a U"
- ▶ Una sfera metallica
 - Il centro di rotazione a $d = \sqrt{r^2 (b/2)^2}$ dal centro della sfera
- ► Due traguardi ottici collegati a plasduino
 - Per misurare le differenze di tempo
- ► Metro a nastro

Esperienze che abbiamo implementato:

- ► Legge Spazio—Tempo
- ► Conservazione dell'Energia





Lasciando una sfera da un altezza h, la legge di conservazione dell'energia si può scrivere come:

$$mgh = \frac{1}{2}mv^2 + \frac{1}{2}I\omega^2 \tag{1}$$

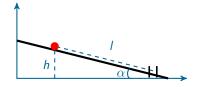
che fruttando

Notazioni come in figura:

$$I = \frac{2}{5}mr^2 \tag{2}$$

$$v = \omega d \tag{3}$$

$$h = I\sin(\alpha) \tag{4}$$



diventa:

$$I = \frac{1}{g\sin(\alpha)} \left(\frac{1}{2} + \frac{1}{5} \left(\frac{r}{d}\right)^2\right) v^2 \tag{5}$$

Ovvero I è proporzionale a v^2 (anche se si trascura l'energia rotazionale)

Carmelo Sgrò (INFN) IDF2016 12 / 28

Procedura:

- ▶ Se si pongono le due fotocellule in fondo alla guida, vicine tra loro, si può misurate la velocità finale come v = s/t, con s proprio la distanza tra le due fotocellule
- ► Si lascia andare la sfera da una distanza / dai due traguardi ottici e si registra il tempo di transito t, da cui si ricava v
- ▶ Si ripete per diverse distanze l_i e si costruisce una tabella di coppie spazio-velocità (con le incertezze associate)²: $(l_i \pm \Delta l_i, v_i \pm \Delta v_i)$
- ► Attenzione alle incertezze³:
 - $ightharpoonup \Delta I$ è facile ed è circa la precisione del metro
 - Δv va propagato: $\Delta v/v = \Delta s/s + \Delta t/t$

Carmelo Sgrò (INFN) IDF2016 12 / 28

²Indichiamo con Δx l'incertezza associata alla misura di x

³Per gli studenti di Lab 1 "capire" le incertezze è fondamentale

Cosa ci si può imparare:

- ► Propagazione delle incertezze
- ► Fluttuazioni statistiche
 - L'incertezza Δt_i è maggiore della risoluzione del daq, va stimata dalla dispersione dei dati
 - Per ogni configurazione, ripetere le misure di tempo più volte: ogni volta la misura sarà leggermente diversa ed è possibile apprezzare le fluttuazioni statistiche
- ► Media e lo scarto quadratico medio
- ▶ Verifica del "modello" teorico (la formula 5)
 - Sia qualitativa che quantitativa:
 - ▶ Verificare che I è proporzionale a v^2
 - ▶ Misurane il coefficiente angolare e confrontarlo con quello atteso
- ► Fare e capire grafici:
 - \blacktriangleright I vs v^2 : I vs v : I vs t
 - ► Anche in carta logaritmica
 - ▶ Fit con una retta, con righello o al calcolatore

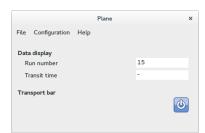
...

PLASDUINO IN PRATICA



- ▶ Plane è estremamente semplice →:
 - Numero di "run", che si incrementa ad ogni lancio di plasduino
 - ▶ Ultimo tempo di transito
 - ► Tra due segnali successivi, non c'è distinzione tra i 2 traguardi ottici.
- ► Il tempo di transito va trascritto a mano sul proprio quaderno ad ogni misura

- Dopo aver lanciato pladuino, compare la finestra principale
- ► L'elenco di tutti i moduli, per le varie esperienze è visibile sulla sinistra
- ► Evidenziandolo, compare una breve descrizione
- Per il piano inclinato selezionare "Plane"



Il piano inclinato: misure di Spazio-Tempo

Accelerazione del centro di massa della sfera lungo il profilo inclinato:

$$a = \frac{g\sin(\alpha)}{1 + \frac{2}{5}\left(\frac{r}{d}\right)^2} \tag{1}$$

La legge oraria (con velocità iniziale nulla e spazio percorso all'istante iniziale anch'esso nullo) sarà allora

$$I(t) = \frac{1}{2}at^2 = \frac{g\sin(\alpha)}{2 + \frac{4}{5}\left(\frac{r}{d}\right)^2}t^2$$
 (2)

Procedura:

- ► Si pone una fotocella in fondo alla guida (dove rimarrà fissa per tutta la durata dell'esperienza); l'altra fotocella verrà di volta in volta posta in punti diversi della guida
- ► Per ogni configurazione si misura la distanza dalle due fotocellule ed il tempo che occorre alla sferetta per compiere il percorso (con plasduino)
- ▶ Si costruisce una tabella di coppie spazio-tempo (con le incertezze associate): $(I_i \pm \Delta I_i, t_i \pm \Delta t_i)$

Analisi dati e considerazioni simili al caso precedente

Carmelo Sgrò (INFN) IDF2016 14 / 28

MISURE DI TEMPERATURA: SCHEMA

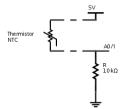
► Per la misura di temperatura usiamo termistori letti con l'ADC interno di Arduino:

https://www.arduino.cc/en/Reference/AnalogRead

▶ I termistori possono essere visti come resistenze il cui valore cambia con la temperatura:

https://it.wikipedia.org/wiki/Termistore

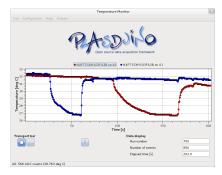
- ► Il più semplice schema per leggerli è tramite un partitore resistivo
- ► L'ADC di Arduino legge la tensione su A0/1



- ► Il software converte la tensione in temperatura tramite la relazione R−T del sensore
 - Servono le costanti di calibrazione (di solito fornite dal produttore)
 - I termistori sono fortemente non lineari, la resistenza R dipende dalla scelta del sensore (ma cambiarla è facile)
- La risoluzione ΔT è circa 0.1 0.2 °C, sufficiente per i nostri scopi

MISURE DI TEMPERATURA: ESEMPI PRATICI

- Abbiamo implementato la lettura di due termistori, connessi ad un singolo connettore miniJack
- La temperatura viene letta ad intervalli regolari
- Plasuino mostra i dati in un grafico e li salva per una successiva elaborazione

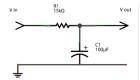


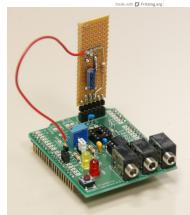
Questo è un setup abbastanza generale e si presta a varie esperienze:

- ► Calibrazione dello "zero" (0 °C), con acqua distillata in equilibrio tra fase liquida e solida
- ▶ Tempo di rilassamento: il sensore deve andare all'equilibrio termico con il mezzo, $T(t) \sim T_a e^{-t/\tau} + T_b$ dove τ dipende dalla capacità termica
- ► Conducibilità termica di un metallo

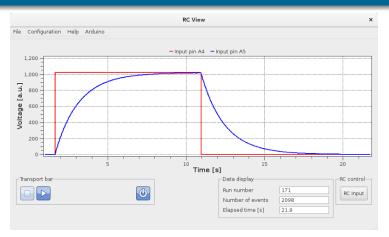
Carica e scarica di un condensatore

- ► Il funzionamento di un circuito RC può essere studiato con Arduino
 - Esperienza suggerita da un docente durante IDF15
- ► La tensione ai capi del condensatore (V_{out}) viene letta dall'ADC di Arduino
- ► La tensione in ingresso (V_{in}) viene pilotata da un pin digitale
 - Per comandare la carica/scarica manualmente
- Schedina supplementare adatta al nostro shield
 - ma si può realizzare su breadboard o un shield dedicata, etc



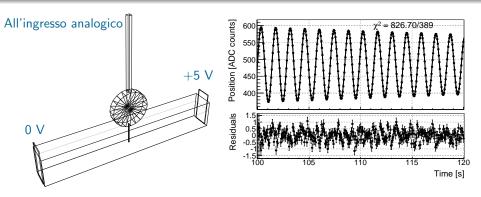


Carica e scarica di un condensatore



- ► Un modulo dedicato, RCview, permette di comandare il pin di input e visualizzare lo stato di V_{in} (0/5 V, in rosso) e V_{out} (in blue)
- \blacktriangleright Valori di C e R (variabile) scelti per avere τ sufficientemente lunghi
- ► Analisi offline per approfondire: fit con esponenziale, scala semilogaritmica, τ variabile tramite potenziometro...

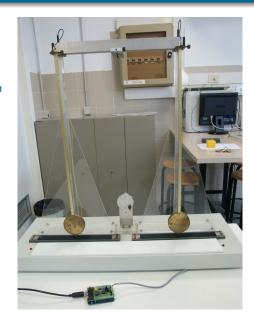
Il pendolo "analogico"



- ▶ Utilizziamo una punta immersa in acqua come partitore resistivo.
 - Direttamente ad uno degli ingressi analogici.
- ▶ 10 bit ($2^{10}=1024$) di ADC su \sim 20 cm corrisponde ad una risoluzione spaziale di $\sim 200/\sqrt{12} \sim 60~\mu m$.
 - ightharpoonup Il χ^2 ed i residui indicano che, almeno vicino al centro, non siamo lontani dalla risoluzione "teorica"
 - Non-linearità residua al livello di qualche % ai bordi

APPARATO SPERIMENTALE

- Questo apparato consente di studiare, in dettaglio, il moto di un pendolo
 - Periodo di oscillazione
 - Smorzamento
- Si possono accoppiare i pendoli tramite una molla e studiane il comportamento
 - Modi normali
 - Battimenti
- L'apparato mostrato in figura è quello presente nei laboratori didattici dell'Università di Pisa



APPARATO SPERIMENTALE

- Questo apparato consente di studiare, in dettaglio, il moto di un pendolo
 - Periodo di oscillazione
 - Smorzamento
- Si possono accoppiare i pendoli tramite una molla e studiane il comportamento
 - Modi normali
 - Battimenti
- Oggi vogliamo mostrare come il principio sia molto semplice e la sua realizzazione pratica può essere fatta con materiali facilmete reperibili



SINGOLO PENDOLO

Il moto di un singolo pendolo è descrivibile come un oscillatore armonico smorzato, la cui soluzione è del tipo:

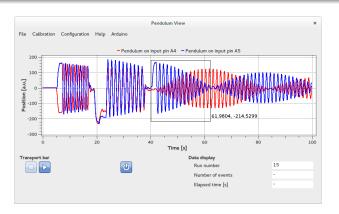
$$x(t) = c_0 + c_1 e^{-\lambda t} \sin(\omega_0 t + \phi_0)$$
 (3)

Dove ω_0^{th} previsto dalla teoria vale:

$$\omega_0^{th} = \sqrt{\frac{mgl}{I}} \tag{4}$$

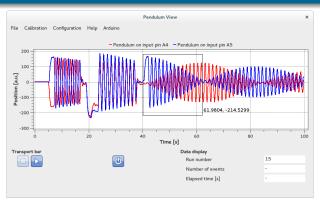
- La prima misura consiste quindi nel mettere in oscillazione un pendolo da solo e confrontare ω_0 con quello atteso
- ▶ Si può studiare lo smorzamento: è davvero esponenziale?
- ➤ Si possono studiare entrambi i pendoli e controllare che siano uguali (stesso periodo e stesso smorzamento)

Cosiderazioni pratiche I



- ▶ Il modulo plasduino da utilizzare si chiama "Pendulum View"
- Questa volta sono presenti i tasti di Start e Stop dell'acquisizione
- La scala delle y è in unità arbitrarie, si può centrare sullo zero tramite il menù "Calibration"

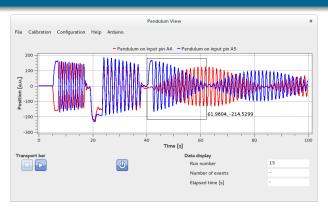
Cosiderazioni pratiche II



- ▶ Quando si preme Stop, i dati vengono salvati in un file di testo contentente quattro colonne che rappresentano, rispettivamente:
 - 1. il tempo e la posizione del primo pendolo;
 - 2. il tempo e la posizione del secondo pendolo;

```
#Time A Pos A Time B Pos B
#[s] [au] [s] [au]
0.024 0.92 0.050 -1.00
0.075 0.92 0.101 0.00
```

Cosiderazioni pratiche III



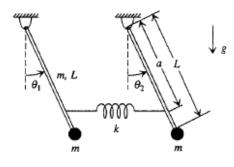
- Si può utilizzare il modulo Pendulum View per una prima analisi veloce dei dati
 - Passando il mouse nella finestra grafica vengono visualizzate le coordinate
 - Si può zoommare selezionando un rettangolo col tasto sinistro del mouse
 - ▶ Si torna alla visualizzazione intera premendo il tasto destro del mouse

PENDOLI ACCOPPIATI: INTRODUZIONE

Due pendoli uguali realizzati con due aste rigide collegate tra loro da una molla. La forza che accoppia i due pendoli è del tipo:

$$F_k = -k(a\sin(\theta_2) - a\sin(\theta_1) - l_0)$$

Con un po' di fatica si risolve (diagonalizza) il sistema e si trova la soluzione. Ma alcune quantità sono difficili da misurare...



Ci sono però due configurazioni iniziali (corrispondenti ai cosiddetti *modi normali* di oscillazione) per cui il moto di entrambi i pendoli è armonico:

- ▶ quella in cui essi si muovono in fase
- quella in cui essi si muovono in controfase

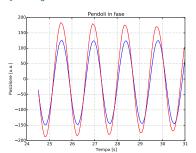
Pendoli accoppiati: modi normali

OSCILLAZIONE IN FASE

Spostare i pendoli nello *stesso verso*, di uguali ampiezze e lasciarli andare contemporaneamente.

In queste condizioni la molla non è sollecitata dai due pendoli, e non influenzerà il movimento dei due pendoli:

$$\omega_{\rm f} \sim \omega_{\rm 0}$$

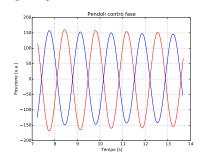


OSCILLAZIONE CONTROFASE

Spostare i pendoli nel *verso opposto*, di uguali ampiezze e lasciarli andare contemporaneamente.

In queste condizioni la molla è sollecitata in maniera simmetrica dai due pendoli, e ne cambierà la frequenza di oscillazione:

$$\omega_{\rm c} > \omega_{\rm f}$$



Pendoli accoppiati: battimenti

Si sposta uno dei due pendoli tenendo l'altro fermo nella sua posizione di equilibrio e si lascia oscillare il sistema. Il moto risultante è dato dalla somma (con uguali ampiezze) dei due modi normali

$$x(t) = A_0 \left[\cos(\omega_{\rm f} t + \phi_1) + \cos(\omega_{\rm c} t + \phi_2) \right] \tag{5}$$

o, per le formule di prostaferesi

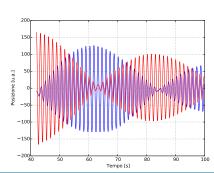
$$x(t) = 2A_0 \left\{ \cos \left[\frac{(\omega_c + \omega_f)t}{2} + \frac{(\phi_2 + \phi_1)}{2} \right] \cos \left[\frac{(\omega_c - \omega_f)t}{2} + \frac{(\phi_2 - \phi_1)}{2} \right] \right\}$$

L'oscillazione risultante, di pulsazione angolare portante

$$\omega_{\rm p} = \frac{(\omega_{\rm c} + \omega_{\rm f})}{2} \approx \omega_{\rm c}, \omega_{\rm f}$$
 (6)

è modulata da un'onda di pulsazione angolare $\omega_{\rm b}$ molto più piccola

$$\omega_{\rm b} = \frac{\left(\omega_{\rm c} - \omega_{\rm f}\right)}{2} \ll \omega_{\rm c}, \omega_{\rm f}$$
 (7)



Conclusioni



Copyright © 2013–2014 the plasduline team
We try and make sure that this page validates as HTML 5 and oss level 3 (feel free to bug us if it doesn't).
Compiled from plasdulino 2.0.2, last update Thursday, February 06 2014 at 14:45 (+0100).

Alcuni link utili:

- ► Pagina web del progetto: http://pythonhosted.org/plasduino/
- ► Altra pagina web in italiano: http://www.df.unipi.it/~plasduino/pfs/
- ► Articolo di riferimento: http://arxiv.org/abs/1312.1805
- ▶ Download: https://bitbucket.org/lbaldini/plasduino/downloads
- ▶ Issue tracker: https://bitbucket.org/lbaldini/plasduino/issues
- ► Ogni manifestazione di interesse è benvenuta.