Il Neutrino tra Majorana e Dirac con il Doppio Decadimento Beta come giudice supremo

Fernando Ferroni
Sapienza Università di Roma

Indice

- Il neutrino nello Standard Model
- La scoperta della massa
- Majorana o Dirac
- Come si sceglie : il Decadimento Doppio Beta
- La difficoltà sperimentale
 - I laboratori del Gran Sasso
 - Il Piombo romano
 - CUORE
- Una storia da seguire

Il neutrino nello SM

Elementary Particles

Quarks	u up	c charm	t top	Force Carriers	
	d down	s strange	b bottom		
Leptons	ν_e electron neutrino	ν_μ muon neutrino	ν_τ tau neutrino		γ photon
	e electron	μ muon	τ tau		g gluon
					Z Z boson
			W W boson		
	I	II	III		

Three Families of Matter

Ognuno fa quello che puo'. Al tempo della costruzione del Modello Standard il neutrino era pensato essere privo di massa. Quindi il modello e' stato costruito con questa ipotesi.

La massa dei neutrini

(bignami-like)

Le domande chiave però erano state tutte già poste

How small is the neutrino mass ?

(Pauli, Fermi, '30s)

Is the neutrino its own antiparticle?

(Majorana, '30s)

Do ν_s of different flavors transform ("oscillate") among them?

(Pontecorvo, Maki-Nakagawa-Sakata, '60s)

c'è qualcosa di familiare

$$U = \begin{matrix} \text{Atmospheric} \\ \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & c_{23} & s_{23} \\ 0 & -s_{23} & c_{23} \end{bmatrix} \end{matrix} \begin{matrix} \text{Cross-Mixing} \\ \begin{bmatrix} c_{13} & 0 & s_{13}e^{-i\delta} \\ 0 & 1 & 0 \\ -s_{13}e^{i\delta} & 0 & c_{13} \end{bmatrix} \end{matrix} \begin{matrix} \text{Solar} \\ \begin{bmatrix} c_{12} & s_{12} & 0 \\ -s_{12} & c_{12} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \end{matrix}$$

eccetto che

e

$$V_{\text{CKM}} = \begin{pmatrix} \blacksquare & & & \\ & \blacksquare & & \\ & & \blacksquare & \\ & & & \blacksquare \end{pmatrix}$$

V_{PMNS}

Ben tre possibilita'

Il decadimento Beta

Il decadimento del neutrone

simpatico no ? Ogni 10 minuti il numero di neutroni si dimezza !

ma noi ci siamo ancora !!

Pauli e l'ipotesi folle

Dear Radioactive Ladies and Gentlemen,

As the bearer of these lines, to whom I graciously ask you to listen, will explain to you in more detail, how because of the "wrong" statistics of the N and Li^6 nuclei and the **continuous beta spectrum**, I have hit upon a **desperate remedy** to save the "exchange theorem" of statistics and the law of conservation of energy. Namely, the possibility that there could exist in the nuclei electrically neutral particles, **that I wish to call neutrons**, which have spin $1/2$ and obey the exclusion principle and which further differ from light quanta in that they do not travel with the velocity of light. The mass of the neutrons should be of the same order of magnitude as the electron mass and in any event not larger than 0.01 proton masses. The continuous beta spectrum would then become understandable by the assumption that in beta decay a neutron is emitted in addition to the electron such that the sum of the energies of the neutron and the electron is constant...

I agree that my remedy could seem incredible because one should have seen those neutrons very earlier if they really exist. But only the one who dare can win and the difficult situation, due to the continuous structure of the beta spectrum, is lighted by a remark of my honoured predecessor, Mr Debye, who told me recently in Bruxelles: "Oh, It's well better not to think to this at all, like new taxes". From now on, every solution to the issue must be discussed. Thus, dear radioactive people, look and judge. **Unfortunately, I cannot appear in Tübingen personally since I am indispensable here in Zurich because of a ball on the night of 6/7 December.** With my best regards to you, and also to Mr Back.

Your humble servant
W. Pauli

**(nel 1932 Chadwick scopre il neutrone,
che non assomiglia neanche un poco a
quello di Pauli !)**

Il decadimento beta dei nuclei

La maggior parte dei nuclei non permette al neutrone di decadere. L'energia di legame glielo impedisce

Gli isotopi 'radioattivi' lo possono però fare.
Un nucleo (Z,A) diventa $(Z+1,A)$ e si trasmuta !

L'alchimista in fondo aveva ragione...

certo...però...lui cercava l'Oro, l'elemento $Z-1$ dell'oro e' il Platino

La valle della morte

La linea della vita

Doppio Beta

Qui pero' si esagera !!!!

Due neutroni che decadono simultaneamente

come puo' succedere ?

normalmente (Z+1,A) lo si puo' raggiungere spontaneamente perdendo energia

ma se cosi' non fosse.....

Double Beta Decay

Gia' predetto da
Maria Goeppert-
Mayer nel 1935

Prima evidenze geochimiche
poi osservazione diretta
nel ^{82}Se (s. Elliot & M. Moe 1986)

$T_{1/2} \sim 10^{20}$ years !! (poi ci torniamo)

Isotope	$Q_{\beta\beta}$ (MeV)	Isotopic abundance (%)
^{48}Ca	4.271	0.0035
^{76}Ge	2.039	7.8
^{82}Se	2.995	9.2
^{96}Zr	3.350	2.8
^{100}Mo	3.034	9.6
^{116}Cd	2.802	7.5
^{128}Te	0.868	31.7
^{130}Te	2.530	33.9
^{136}Xe	2.479	8.9
^{150}Nd	3.367	5.6

Sempre piu' difficile ($0\nu\beta\beta$)

Un momento ...

c'e' un problema

sia da sopra che da sotto
escono neutrini

un neutrino che esce non
puo' rientrare
(sarebbe un antineutrino)

[Time Out: una lunga digressione]

Dirac

Il numero leptonic e' conservato

$$\nu \neq \bar{\nu}$$
$$L = -1/+1$$

$$\nu_{\mu} \rightarrow \mu^{-}$$
$$\bar{\nu}_{\mu} \rightarrow \mu^{+}$$

L'interazione debole e' V-A
(i leptoni destrorgiri non interagiscono)

Quando il ν non aveva massa nel mondo di Dirac questo non poteva succedere, ora che la hanno, invece si !

la congettura di Majorana

$$\nu = \bar{\nu}$$

Il numero leptónico e' violato
(il neutrino che esce puo' rientrare
come antineutrino)

Caveat: i neutrini senza massa non permettono di dimostrare l'ipotesi di Majorana in pratica. Non si puo' correre piu' veloci di loro per vedere lo spin che si gitra !!

se Majorana avesse
avuto ragione

• quello che ci aspettiamo di misurare è:

$$1/\tau = G(Q,Z) |M_{\text{nucl}}|^2 \langle M_{\beta\beta} \rangle^2$$

dove però

$$1/\tau = G(Q,Z) |M_{\text{nucl}}|^2 \langle M_{\beta\beta} \rangle^2$$

$$m_{\beta\beta} = \sum m_{\nu_k} U_{ek}^2 = \cos^2 \theta_{13} (m_1 \cos^2 \theta_{12} + m_2 e^{2i\alpha} \sin^2 \theta_{12}) + m_3 e^{2i\beta} \sin^2 \theta_{13}$$

$$U = \begin{array}{c} \text{Atmospheric} \\ \left[\begin{array}{ccc} 1 & 0 & 0 \\ 0 & c_{23} & s_{23} \\ 0 & -s_{23} & c_{23} \end{array} \right] \end{array} \begin{array}{c} \text{Cross-Mixing} \\ \left[\begin{array}{ccc} c_{13} & 0 & s_{13} e^{-i\delta} \\ 0 & 1 & 0 \\ -s_{13} e^{i\delta} & 0 & c_{13} \end{array} \right] \end{array} \begin{array}{c} \text{Solar} \\ \left[\begin{array}{ccc} c_{12} & s_{12} & 0 \\ -s_{12} & c_{12} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{array} \right] \end{array}$$

in termini (poco) meno esotici

$$\left[T_{1/2}^{0\nu} \right]^{-1} = C \cdot \frac{\langle m_{\beta\beta} \rangle^2}{m_e^2}$$

$$C = |M^{0\nu}|^2 \cdot G^{0\nu} \quad [\text{y}^{-1}]$$

$$1/\tau = G(Q,Z) |M_{\text{nucl}}|^2 \langle M_{\beta\beta} \rangle^2$$

in termini brutali

10²⁵ , 10²⁶ , forse di piu' (anni)

che vuol dire ?

per esempio, l'eta' dell'universo e' 1.5 10⁹ anni

pero' il Numero di Avogadro e' 6 10²³

che ci si impara ?

Come appare in pratica ?

Quanti eventi ?

Numero di eventi = (Numero di moli* Numero di Avogadro*Numero di anni)/Tempo di vita

$$N_A = 6 \cdot 10^{23}$$

$$N_y = 1$$

$$\tau = 10^{26}$$

$$N_{\text{eventi}} = 10$$

Quante moli ?

1600

per un elemento di peso atomico 100 sono 160 Kg

Purtroppo c'è anche il fondo

● Interno alla sorgente

- primordiale (^{232}Th , ^{238}U , ^{40}K)
- di attivazione cosmogenica

● Esterno alla sorgente

- primordiale nei materiali esterni
- neutroni
- raggi cosmici
- altro (che purtroppo c'è sempre)

Due filosofie della rivelazione

Emettitore $\neq$ Rivelatore

Emettitore $\subseteq$ Rivelatore

+++ Topologia, Rumore

--- $M, \Delta E, \varepsilon$

+++ $M, \Delta E, \varepsilon$

--- Topologia, Rumore

NEMO: il prototipo di $E\neq R$

richiede
centinaia
di
 m^2
per
essere
competitivo

Source: 10 kg of $\beta\beta$ isotopes
cylindrical, $S = 20 m^2$, $e \sim 60 mg/cm^2$

Tracking detector:

drift wire chamber operating
in Geiger mode (6180 cells)

Gas: He + 4% ethyl alcohol + 1% Ar + 0.1% H₂O

Calorimeter:

1940 plastic scintillators
coupled to low radioactivity PMTs

Calorimetria a temperature ultra basse

Fisica: $\Delta T = E/C$

(Energia/ Capacita' termica)

richiede: bassa $C \Rightarrow$ bassa T

Bonus: ottima ΔE ($k_B T^2 C$)

$$C(T) = \beta \frac{m}{M} \left(\frac{T}{\Theta_D} \right)^3$$

$$\Delta T(t) = \frac{\Delta E}{C} \exp \left(-\frac{t}{\tau} \right)$$

TeO₂ : il bolometro migliore

$T_0 \sim 10 \text{ mK}$

$C \sim 2 \text{ nJ/K} \sim 1 \text{ MeV}/0.1 \text{ mK}$

$G \sim 4 \text{ pW/mK}$

Il solo problemino e' quello di misurare le frazioni di μK (se volete una risoluzione del permille sui segnali del MeV)

per misurare la temperatura
dovete avere un termometro

$$A(T) = \left| \frac{d \ln R}{d \ln T} \right|$$

Neutron Transmutation Doped (NTD) Germanium Thermistor

$I \sim 50 \text{ pA}$
 $dR/dE \sim 20 \text{ k}\Omega/\text{KeV}$

0.2mV/MeV

$$T_b = T_0 + \frac{P}{G}$$

Cuoricino

Cuoricino is currently the largest operating bolometer in the world

Mixing chamber

Cold finger

10 mK

Roman Lead Shield

Vista artistica
di
CUORICINO

Risoluzione di energia

CUORE design

19 volte Cuoricino

988 TeO_2 Cristalli

19 Torri di 52 cristalli

741 Kg di TeO_2

Massa attiva (^{130}Te) 204 Kg

Il Fondo

👁️ questo conosciuto !

Cuoricino, where ?

Il Grande Schermo
Corno Grande 2916 m

LNGS
3500 m.w.e.

I raggi cosmici

- qui, dove siete voi
 - 1 muone ogni m^2 ogni secondo
- lì, sotto il Corno Grande
 - 1 muone ogni m^2 ogni 12 giorni

LNGS

Spettro della radioattività naturale

sopra il ^{208}Tl
c'è la landa
delle α

The standard interpretation of the background

α degrade

Il Piombo

- nonostante il silenzio cosmico del Gran Sasso
- le strutture che circondano il rivelatore dei nostri rarissimi decadimenti emettono $\alpha/\beta/\gamma$ dovuti principalmente al loro contenuto in U e Th
- questo va schermato nei limiti del possibile

Tutti noi abbiamo fatto una radiografia e...

sappiamo che l'operatore
indossa un simpatico
grembiulino che contiene

Pb

1

Economic

3

Giacca/gonna
con maniche corte

5

Camice doppio
con maniche corte

2

Elegant

4

Giacca/gonna
con maniche lunghe

6

Camice doppio
con maniche lunghe

Anche il nostro schermo sarà
di Pb

Pb: Schermo efficacissimo...ma....

iso	NA	half-life	DM	DE (MeV)	DP
^{204}Pb	1.4%	$>1.4 \times 10^{17}$ y	Alpha	2.186	^{200}Hg
^{205}Pb	syn	1.53×10^7 y	Epsilon	0.051	^{205}Tl
^{206}Pb	24.1%	^{206}Pb is stable with 124 neutrons			
^{207}Pb	22.1%	^{207}Pb is stable with 125 neutrons			
^{208}Pb	52.4%	^{208}Pb is stable with 126 neutrons			
^{210}Pb	trace	22.3 y	Alpha	3.792	^{206}Hg
			Beta	0.064	^{210}Bi

^{210}Pb e' una presenza sgradita

Ha 22 anni di emivita

Troppo per la nostra pazienza

Poco per non dare fastidio

Soluzione: Pb antico (molte unita' di 22 anni passate)

Nave affondata
Recupero
Stoccaggio
Esposizione museale

Una operazione preveggente

proposta
da
Ettore
Fiorini

e
finanziata
da
INFN
grazie a
Nicola
Cabibbo

500 MLire spesi per la
scienza e la cultura

insomma...se esistesse e
avessimo fatto
l'esperimento giusto cosa
si vedrebbe ?

Conclusione

- 👁️ lo so , la lezione era troppo difficile
- 👁️ se uno cerca una cosa che capita una volta l'anno (forse) in 100 kg di nuclei e' pero' ovvio che non deve essere una cosa semplice !
- 👁️ e' la mia unica giustificazione
- 👁️ scusatemi se potete